

基于最优加权组合模型的建筑安全事故预测

孔凡文,张晴晴

(沈阳建筑大学管理学院,辽宁 沈阳 110168)

摘要:针对单项灰色模型、指数平滑法在建筑安全事故预测方面存在的局限性,建立了一种基于最优加权的组合预测模型。以综合当量死亡率为样本数据,分别采用灰色模型、指数平滑法、两者的最优加权组合模型对建筑安全事故进行预测。对比分析单项预测模型和组合预测模型的预测结果与精度,并选取精度较高的模型对未来几年的建筑安全事故进行预测。结果表明,组合预测模型优于各单项预测模型,未来建筑安全形势依然严峻。

关键词:建筑安全事故;综合当量死亡率;最优加权;灰色模型;指数平滑法

中图分类号:TU714 **文献标志码:**A

近年来,建筑业一直是我国的重要支柱产业之一,在GDP中所占的比重由2010年的6.61%增长至2019年的7.16%,成为拉动GDP增长的主要动力之一。加强施工现场的安全管理对于促进建筑业的发展具有重要意义,而事故预测是安全管理的重要内容,建立精确的事故预测模型能有效提高安全管理水平。

在建筑安全事故预测方面,常用的预测方法有单项预测方法和组合预测方法。其中,单项预测方法包括灰色模型预测法、时间序列预测法、指数平滑法、BP神经网络预测法等,组合预测方法包括灰色马尔科夫链预测法、灰色神经网络预测法、灰色季节指数预测法等。事故预测指标包括绝对指标和相对指标。其中,绝对指标包括事故发生起数、死亡人数、经济损失等,相对指标包括百亿元产值死亡率、亿元GDP死亡率、十万从业人员死亡率等。通过查阅相关文献,发现学者们倾向于对事故的绝对指标进行预测,例如:杨

灿生等^[1]基于1994—2007年事故发生起数数据,将灰色GM(1,1)模型和马尔科夫原理相结合,建立了事故预测模型,并在此基础上对2008—2009年的事故进行了预测,预测精度可达90%以上;陈春来^[2]收集了12个建筑工程的安全损失影响指标数据,采用BP神经网络法,将安全教育、文明施工、现场安全设施、个人劳动防护作为输入,将安全损失作为输出,对建筑安全损失进行了预测,为施工现场的安全控制提供了指导;王书明等^[3]采用时间序列ARIMA模型对我国2010—2014年的建筑安全事故死亡人数进行了预测。此外,有少数学者对事故的相对指标进行了预测,如王旭峰等^[4]选取百万元产值死亡率作为预测指标,分别用非线性回归、指数平滑法、灰色预测法进行了单项预测,并建立了线性和非线性组合预测模型,发现基于BP神经网络的非线性组合预测模型的拟合和预测精度均好于其他预测模型。通过文献分析,发现多数学者侧重选取单一事故预测指

标进行预测,而忽略了其他指标在反映建筑安全形势方面的优势,具有一定的片面性和局限性。

基于此,综合考虑事故预测相对指标和绝对指标在反映建筑业安全形势方面的优势,笔者以 2010—2019 年为预测时间段,选取绝对指标中的事故死亡人数和相对指标中的百亿元产值死亡率,借鉴相关文献^[5]的做法,对两个指标先进行无量纲化处理后再进行加权平均,得到综合当量死亡率指标,分别采用灰色模型、指数平滑法进行预测,在此基础上,建立两者的最优加权组合预测模型,对比分析这 3 种预测模型的精度,并选取精度较高的模型对 2020—2021 年的建筑安全事故进行预测。

一、建筑安全事故预测模型解析

1. 灰色模型

20 世纪 80 年代,邓聚龙教授提出了灰色系统理论,该理论能够解决数据量较少,信息不完整且具有不确定性的问题。该理论中的灰色模型被学者广泛应用于医学、材料价格、交通事故、人口、粮食、建筑安全事故等方面的预测^[6]。GM(1,1)模型可对数据少、序列不完整、可靠性低的时间序列进行预测,并且不需要考虑分布规则和趋势问题,是灰色模型中最普遍使用的,其建模原理如下:

设建筑安全事故原始数据序列为 $x^{(0)} = \{x^{(0)}(1), x^{(0)}(2), \dots, x^{(0)}(n)\}$, 则 $x^{(0)}$ 的一阶累加生成序列为 $x^{(1)} = \{x^{(1)}(1), x^{(1)}(2), \dots, x^{(1)}(n)\}$, 在该一阶累加序列中, 每一个数的统一计算式可表示为

$$x^{(1)}(k) = \sum_{i=1}^k x^{(0)}(i), \quad k = 1, 2, \dots, n$$

①数据检验与处理。首先计算数列的级比值

$$\lambda^{(0)}(k) = \frac{x^{(0)}(k-1)}{x^{(0)}(k)}, \quad k=2,3,\dots,n \quad (1)$$

如果数列的所有级比值均介于区间 $(e^{\frac{-2}{n+1}}, e^{\frac{2}{n+1}})$ 时, 则说明数据适合构建模型。否则, 需要对原始序列 $x^{(0)}$ 作必要的变换处理, 使其级比值落入可容许的区间, 即取适当

的常数 c , 作平移变换

$$y^{(0)}(k) = x^{(0)}(k) + c, \quad k=1,2,\dots,n \quad (2)$$

则变换后序列的级比值为

$$\lambda_y^{(0)}(k) = \frac{y^{(0)}(k-1)}{y^{(0)}(k)}, \quad k=2,3,\dots,n \quad (3)$$

此时, 序列的级比值通过了检验, 后续计算预测值时, 需同时减去平移变换值 c 。

②建立灰色预测模型。累加序列 $x^{(1)}$ 关于时间 t 的白化微分方程为

$$\frac{dx^{(1)}}{dt} + ax^{(1)} = u \quad (4)$$

式中: a 、 u 是要求解的系数, 分别为发展系数和灰色作用量。

解得

$$[a, u]^T = (B^T B)^{-1} B^T Y_n \quad (5)$$

其中, Y_n 为 $n-1$ 维列向量, B 为 $(n-1) \times 2$ 矩阵, 两者的表达式分别为

$$Y_n = [x^{(0)}(2), x^{(0)}(3), \dots, x^{(0)}(n)]^T$$
$$B = \begin{bmatrix} -\frac{x^{(1)}(1) + x^{(1)}(2)}{2} & 1 \\ -\frac{x^{(1)}(2) + x^{(1)}(3)}{2} & 1 \\ \vdots & \vdots \\ -\frac{x^{(1)}(n-1) + x^{(1)}(n)}{2} & 1 \end{bmatrix}$$

于是得到式(4)的解为

$$\hat{x}^{(1)}(k+1) = (x^{(0)}(1) - \frac{u}{a})e^{-ak} + \frac{u}{a}, \quad k=0,1,\dots,n-1 \quad (6)$$

③计算原始数据序列预测值。由于预测方程是由累加数据序列计算出的预测方程, 因此, 需要进行累减还原, 即原始数据序列预测方程为

$$\hat{x}^{(0)}(k+1) = \hat{x}^{(1)}(k+1) - \hat{x}^{(1)}(k) = (1 - e^a)(x^{(0)}(1) - \frac{u}{a})e^{-ak} \quad (7)$$

④灰色预测模型的精度检验。设残差为原始值和预测值的差值, 则原始数据的残差组成的序列为

$$\varepsilon^{(0)} = [\varepsilon(1), \varepsilon(2), \dots, \varepsilon(n)] = [x^{(0)}(1) - \hat{x}^{(0)}(1), x^{(0)}(2) - \hat{x}^{(0)}(2), \dots, x^{(0)}(n) - \hat{x}^{(0)}(n)] \quad (8)$$

残差均值和方差分别为 $\bar{\varepsilon} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n \varepsilon(k), S_{\varepsilon}^2 = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n (\varepsilon(k) - \bar{\varepsilon})^2$ 。序列 $x^{(0)}$ 的均值和方差分别为 $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n x^{(0)}(k)$ 和 $S_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n (x^{(0)}(k) - \bar{x})^2$ 。则后验差比值和小误差概率分别为 $C = \frac{S_{\varepsilon}}{S_x}$ 和 $p = p(|\varepsilon(k) - \bar{\varepsilon}| < 0.674 5 S_x)$, 其中, C 越小越好, P 越大越好。其精度检验等级如表 1 所示。

表 1 精度检验等级

指标	评价	C	P
一级	好	≤ 0.35	≥ 0.95
二级	合格	$0.35 < C \leq 0.50$	$0.80 \leq P < 0.95$
三级	勉强合格	$0.50 < C \leq 0.65$	$0.70 \leq P < 0.80$
四级	不合格	> 0.65	< 0.70

2. 指数平滑法

指数平滑法由布朗提出, 布朗认为时间序列的态势具有稳定性或规则性, 所以时间序列可被合理地顺势推延^[7]。指数平滑法被不少学者^[8-10]应用在各类事故的预测上。该方法适用于数据中短期预测, 可分为一次平滑法、二次平滑法、三次平滑法甚至更高次数的平滑, 一般三次平滑就能够满足预测要求。一次平滑法适用于时间序列比较平稳、没有显著变化趋势的预测, 二次平滑法适用于有线性变化趋势的时间序列预测, 三次平滑法适用于呈现非线性关系的时间序列预测。由于建筑安全事故呈现非线性关系, 因此选用三次指数平滑法进行预测。三次指数平滑法的预测模型为:

$$\hat{y}_{t+T} = a_t + b_t T + c_t T^2 \tag{9}$$

其中, $a_t = 3S_t^{(1)} - 3S_t^{(2)} + S_t^{(3)}$ (10)

$$b_t = \frac{\alpha}{2(1-\alpha)^2} [(6-5\alpha) S_t^{(1)} - 2(5-4\alpha) S_t^{(2)} + (4-3\alpha) S_t^{(3)}]$$
 (11)

$$c_t = \frac{\alpha^2}{2(1-\alpha)^2} [S_t^{(1)} - 2S_t^{(2)} + S_t^{(3)}]$$
 (12)

$$S_t^{(1)} = \alpha y_t + (1-\alpha) S_{t-1}^{(1)}$$
 (13)

$$S_t^{(2)} = \alpha S_t^{(1)} + (1-\alpha) S_{t-1}^{(2)}$$
 (14)

$$S_t^{(3)} = \alpha S_t^{(2)} + (1-\alpha) S_{t-1}^{(3)}$$
 (15)

式中: \hat{y}_{t+T} 为预测值; T 为预测未来的时间期数; a_t, b_t, c_t 为预测模型的系数; $S_t^{(1)}, S_t^{(2)}, S_t^{(3)}$ 分别为一次、二次和三次平滑指数; α 为平滑系数, 其取值在 0~1。由式(13)、(14)、(15)可知, 要想求出各个时间序列的平滑值, 需知道各个序列的平滑初始值 $S_0^{(1)}, S_0^{(2)}, S_0^{(3)}$, 笔者参考 SPSSAU 软件中对于平滑初始值的处理方法, 发现平滑初始值的确定取决于数据序列的个数, 当数据序列个数介于 10~20, 可取该数据序列中前两年数据的平均值作为初始值。此外, 平滑系数 α 的选取是预测成功的关键, 其取值可通过试算法进行选取, 一般情况下, 如果时间序列无明显波动, 比较平稳, α 取值可小一些, 一般在 0.1~0.3; 如果时间序列有较大波动, α 取值可适中一些, 一般在 0.3~0.5; 如果时间序列有很大波动, 变化趋势明显, α 取值可大一些, 一般在 0.6~0.8^[11]。选择不同的 α 进行试算, 以均方根误差值中最小的值为最优值。

3. 灰色模型和指数平滑法组合预测模型

组合预测模型能综合各单项预测模型的优势, 有效提高预测精度。基于最优加权法的组合预测的建模步骤如下:

设建筑安全事故有 m 种单项预测模型 $y_i (i=1, 2, \dots, m)$, 预测时间为 n 。将第 i 种预测模型在 t 时段的实际值记为 y_{it} , 预测值记为 \hat{y}_{it} 。将第 i 种预测模型在 t 时段的预测误差记为 e_{it} , 则

$$e_{it} = y_{it} - \hat{y}_{it} (i=1, 2, \dots, m; t=1, 2, \dots, n) \tag{16}$$

将第 i 种预测模型的权重系数记为 ω_i , 则 m 种预测模型的权重系数和为 1, 即

$$\sum_{i=1}^m \omega_i = 1$$
, 组合预测模型可以表示为

$$Y = \omega_1 \hat{y}_1 + \omega_2 \hat{y}_2 + \dots + \omega_m \hat{y}_m = \sum_{i=1}^m \omega_i \hat{y}_i \tag{17}$$

各预测模型可以构成拟合误差矩阵 E , 即

$$E = \begin{bmatrix} \sum_{t=1}^n e_{1t}^2 & \sum_{t=1}^n e_{1t} e_{2t} & \cdots & \sum_{t=1}^n e_{1t} e_{mt} \\ \sum_{t=1}^n e_{2t} e_{1t} & \sum_{t=1}^n e_{2t}^2 & \cdots & \sum_{t=1}^n e_{2t} e_{mt} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \sum_{t=1}^n e_{mt} e_{1t} & \sum_{t=1}^n e_{mt} e_{2t} & \cdots & \sum_{t=1}^n e_{mt}^2 \end{bmatrix} \tag{18}$$

组合预测模型的最优权重系数可采用线性规划模型求解,即在满足 $\sum_{i=1}^m \omega_i = 1$ 的条件下,使得拟合误差平方和 e_i^2 最小,其数学表达式为

$$\begin{aligned} \min Q &= \sum_{i=1}^n e_i^2 \\ \text{s. t. } \sum_{i=1}^m \omega_i &= 1 \end{aligned} \tag{19}$$

式中: Q 为目标函数。将分量全为 1 的列向量记为 R , W 是由各单项预测模型的权重系数组成的 m 维列向量,即 $R = [1, 1, \dots, 1]^T$, $W = [\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_m]^T$, 则式(19)可转化为

$$\begin{aligned} \min Q &= W^T E W \\ \text{s. t. } R^T W &= 1 \end{aligned} \tag{20}$$

用拉格朗日乘数法求解最优权重向量为

$$W_0 = \frac{E^{-1} R}{R^T E^{-1} R} \tag{21}$$

$$\text{目标函数最小值为 } \min Q = \frac{1}{R^T E^{-1} R} \tag{22}$$

4. 模型评价指标

选取误差平方和 (MSE)、平均相对误差 (MRE)、平均绝对误差 (MAE) 作为模型精度的评价指标,其计算式分别为

$$MSE = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 \tag{23}$$

$$MRE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right| \tag{24}$$

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |y_i - \hat{y}_i| \tag{25}$$

式中: y_i 为实际值; \hat{y}_i 为预测值; n 为序列长度。

二、建筑安全事故预测模型实例分析

以 2010—2019 年的建筑安全事故综合当量死亡率指标为例,分别用灰色模型、指数平滑法、灰色模型和指数平滑法组合预测模型进行预测,并计算相应的评价指标,然后选取精度较高的模型对 2020—2021 年的综合当量死亡率指标进行预测,从而判断未来建筑业的安全形势。

1. 预测指标数据的收集

综合当量死亡率指标由事故死亡人数和百亿元产值死亡率分别经无量纲化处理后加权平均组成,计算式为

$$y = \omega_1 \frac{X_1}{\bar{X}_1} + \omega_2 \frac{X_2}{\bar{X}_2}, \omega_1 + \omega_2 = 1 \tag{26}$$

式中: y 为综合当量死亡率; X_1 、 X_2 分别为事故死亡人数和百亿元产值死亡率; \bar{X}_1 、 \bar{X}_2 分别为两个指标的平均值; ω_1 、 ω_2 分别为相应指标的权重系数,笔者将其各设为 0.5。将综合当量死亡率指标取值为 1 作为近年来的平均安全水平,若取值大于 1,则表明该年的建筑安全形势比较严峻;若取值小于 1,则表明该年的建筑安全形势相对较好,取值越小越好。预测指标数据如表 2 所示。表 2 中的数据来源于中华人民共和国住房和城乡建设部官网上公示的 2010—2019 年房屋市政工程生产安全事故情况的通报及 2011—2020 年的《中国统计年鉴》。

表 2 预测指标数据统计

年份	死亡人数/ 人	建筑业 总产值 /亿元	百亿元产值 死亡率/ (人·百亿元 ⁻¹)	综合当量 死亡率
2010	772	96 031.13	0.80	1.430
2011	738	117 059.65	0.63	1.212
2012	624	137 217.86	0.45	0.937
2013	674	159 312.95	0.42	0.936
2014	648	176 713.42	0.37	0.855
2015	554	180 757.47	0.31	0.723
2016	735	193 566.78	0.38	0.929
2017	807	213 943.56	0.38	0.976
2018	840	235 085.53	0.36	0.976
2019	904	248 443.27	0.36	1.027

2. 灰色 GM(1,1) 模型预测

经计算,原始数据没有通过级比检验,需对原数据进行平移转换,即在原始值基础上加入平移转换值 1.00,最终经平移转换后的数据级比检验值均在区间 $[0.834, 1.199]$ 内,意味着数据适合进行 GM(1,1) 模型构建。由式(5)可计算出, $a = 0.004\ 2$, $u = 1.999\ 6$, 将 a 、 u 带入式(6)中,可计算出累加数列的预测值方程为

$$\hat{x}(k+1) = -474.665\ 2e^{-0.004\ 2k} + 476.095\ 2$$

由式(7)计算出平移后的原始预测值,再分别减去平移转换值 1.00,即得到原始值的预测值。对模型进行精度检验,后验差比值 $C=0.389$,小误差概率 $P=0.80$,由表 1 可知模型精度等级为合格。具体计算结果如表 3 所示。

3. 指数平滑法预测

首先估算平滑初始值,由于本实例选取

了 10 年的数据,因此取前两年数据的平均值作为初始值,即

$$S_0^{(1)}=S_0^{(2)}=S_0^{(3)}=\frac{x_1+x_2}{2}=\frac{1.430+1.212}{2}=1.321$$

经试算,平滑系数 $\alpha=0.4$,由式(9)~(15)即可求出原始数据的预测值。计算结果如表 3 所示。

表 3 不同模型的预测结果

年份	实际值	GM(1,1)模型		三次指数平滑法		最优加权组合模型	
		预测值	误差	预测值	误差	预测值	误差
2010	1.430	1.430	0.000	1.430	0.000	1.430	0.000
2011	1.212	0.985	0.227	1.452	-0.240	1.153	0.059
2012	0.937	0.977	-0.040	1.216	-0.279	1.063	-0.126
2013	0.936	0.969	-0.033	0.825	0.111	0.917	0.019
2014	0.855	0.960	-0.105	0.760	0.095	0.888	-0.033
2015	0.723	0.952	-0.229	0.703	0.020	0.862	-0.139
2016	0.929	0.944	-0.015	0.582	0.347	0.814	0.115
2017	0.976	0.936	0.040	0.850	0.126	0.905	0.071
2018	0.976	0.928	0.048	1.008	-0.032	0.957	0.019
2019	1.027	0.920	0.107	1.047	-0.020	0.966	0.061

4. 灰色模型和指数平滑法组合预测

首先根据式(18)可求出拟合误差矩阵

$$E=\begin{bmatrix}0.133\ 262 & -0.065\ 379 \\ -0.065\ 379 & 0.294\ 896\end{bmatrix}$$
,再由式

(21)可求出最优权重向量 $W_0=[0.64, 0.36]^T$,即, $\omega_1=0.64, \omega_2=0.36$,故组合预测模型中 GM(1,1)模型的权重为 0.64,三次指数平滑法的权重为 0.36,则组合预测模型的表达式为

$$\hat{y}_t=0.64\hat{y}_{1t}+0.36\hat{y}_{2t}\tag{27}$$

式中: $\hat{y}_{1t}, \hat{y}_{2t}$ 分别为灰色模型和三次指数平滑法在 t 时段的预测值。将两个模型的预测值分别代入式(27)中,计算结果如表 3 所示。

5. 预测模型的评价指标

根据式(23)、(24)、(25),可求出 3 种预测模型的评价指标。

灰色 GM(1,1)预测模型的评价指标为 $MSE=0.133\ 262, MRE=0.091\ 528, MAE=0.084\ 4$ 。

三次指数平滑法预测模型的评价指标为 $MSE=0.294\ 896, MRE=0.130\ 802, MAE=0.127\ 0$ 。

最优加权组合模型的评价指标为

$$MSE=0.062\ 476, MRE=0.070\ 970, MAE=0.064\ 2$$
。

6. 实验结果及分析

通过对比分析 3 种预测模型的评价指标,可以看出:在单项预测模型中,灰色模型的评价指标在误差平方和、平均相对误差、平均绝对误差 3 个方面均优于三次指数平滑法,说明灰色模型预测精度较高;最优加权组合模型在 3 个评价指标方面均优于灰色预测模型、三次平滑法,说明对单项预测模型采用最优加权后,预测模型的精度得到了提高。运用该组合模型对 2020—2021 年的综合当量死亡率进行预测,结果分别为 0.981, 1.007,可见建筑业安全生产形势依然严峻,需采取有效措施预防和控制事故的发生。

三、结 语

安全问题是建筑业关注的热点问题,建筑安全事故的有效预测能够加深管理人员对于安全形势的认识,从而采取有效措施预防和控制事故的发生,提高施工现场的安全管

理水平。通过建立单项预测模型和组合预测模型,分别预测 2010—2019 年的综合当量死亡率,并比较分析 3 种模型的误差平方和、平均相对误差、平均绝对误差 3 项指标,发现组合模型的预测精度高于两种单项预测模型,能够有效降低预测误差,为建筑安全事故预防提供决策参考。

参考文献:

[1] 杨灿生,黄国忠,陈艾吉,等. 基于灰色 - 马尔科夫链理论的建筑施工事故预测研究[J]. 中国安全科学学报,2011,21(10):102 - 106.

[2] 陈春来. 基于 BP 神经网络模型的建筑工程安全损失预测研究[J]. 建筑施工,2013,35(1):88 - 90.

[3] 王书明,郭起剑. 建筑工程生产事故死亡人数时间序列分析[J]. 工业安全与环保,2016,42(10):60 - 63.

[4] 王旭峰,沈斐敏. 基于 BP 神经网络的建筑施工事故非线性组合预测[J]. 福州大学学报(自然科学版),2015,43(1):94 - 99.

[5] 王磊,颜刚,蔡辉旺. 基于综合当量死亡率评估法的建筑业安全形势评价[J]. 中国安全科学学报,2012,22(9):10 - 15.

[6] 张健,隋杰明,武凤单,等. 建筑工程事故灰色模型的建立及应用[J]. 沈阳建筑大学学报(自然科学版),2008,24(5):800 - 802.

[7] 王洪德,曹英浩. 道路交通事故的三次指数平滑预测法[J]. 辽宁工程技术大学学报(自然科学版),2014,33(1):42 - 46.

[8] 孟祥海,蒋艳辉,郑洪岚. 全国道路交通事故死亡人数预测研究[J]. 公路交通技术,2017,33(5):126 - 131.

[9] 李红霞,胡小帆,李琰. 基于指数平滑法的煤矿事故死亡预测研究[J]. 煤炭技术,2016,35(3):312 - 314.

[10] 严小丽,何超,黄怡浪. 三次指数平滑法在建筑事故预测中的应用[J]. 统计与决策,2015(10):72 - 73.

[11] 王长江. 指数平滑法中平滑系数的选择研究[J]. 中北大学学报(自然科学版),2006(6):558 - 561.

Construction Safety Accident Prediction Based on Optimal Weighted Combination Model

KONG Fanwen,ZHANG Qingqing

(School of Management,Shenyang Jianzhu University,Shenyang 110168,China)

Abstract:Aiming at the limitations of single grey model and exponential smoothing method in the prediction of construction safety accidents, a combined prediction model based on optimal weighting is established. Taking the comprehensive equivalent mortality as the sample data, the grey model,exponential smoothing method and their optimal weighted combination model are used to predict the construction safety accidents respectively. The prediction results and accuracy of the single prediction model and the combined prediction model are compared and analyzed,and the model with high accuracy is selected to predict the construction safety accidents in the next few years. The results show that the combined prediction model is better than each single prediction model,and the construction safety situation is still severe in the future.

Key words:construction safety accident;comprehensive equivalent mortality;optimal weighting;gray model;exponential smoothing method

(责任编辑:高 旭 英文审校:林 昊)